

**Corrigé de l'exercice 1**

Déterminer les racines des polynômes :

$$P(x) = 2x^2 + 5x$$

$$= x \times (2x + 5)$$

Les racines de  $P(x)$  sont

0	et	$-\frac{5}{2}$
---	----	----------------

$$Q(x) = 81x^2 - 1$$

$$= (\sqrt{81}x)^2 - (\sqrt{1})^2$$

$$= (\sqrt{81}x\sqrt{1}) \times (\sqrt{81}x - (\sqrt{1}))$$

$$= (9x + 1) \times (9x - 1)$$

Les racines de  $Q(x)$  sont

$-\frac{1}{9}$	et	$\frac{1}{9}$
----------------	----	---------------

 $R(x) = -x^2 + 12x - 9$  On calcule le discriminant de  $R(x)$  avec  $a = -1$ ,  $b = 12$  et  $c = -9$  :

$$\Delta = 12^2 - 4 \times (-1) \times (-9)$$

$$\Delta = 144 - 36$$

$$\Delta = 108$$

$$x_1 = \frac{-12 - \sqrt{108}}{2 \times (-1)}$$

$$x_1 = \frac{-12 - \sqrt{36} \times \sqrt{3}}{-2}$$

$$x_1 = \frac{(6 + 3\sqrt{3}) \times \cancel{(-2)}}{1 \times \cancel{(-2)}}$$

$$x_1 = 6 + 3\sqrt{3}$$

$$x_2 = \frac{-12 + \sqrt{108}}{2 \times (-1)}$$

$$x_2 = \frac{-12 + \sqrt{36} \times \sqrt{3}}{-2}$$

$$x_2 = \frac{(6 - 3\sqrt{3}) \times \cancel{(-2)}}{1 \times \cancel{(-2)}}$$

$$x_2 = 6 - 3\sqrt{3}$$

Les racines de  $R(x)$  sont

$6 + 3\sqrt{3}$	et	$6 - 3\sqrt{3}$
-----------------	----	-----------------

**Corrigé de l'exercice 2**

Déterminer les racines des polynômes :

$$P(x) = 6x^2 + 4x$$

$$= 2x \times (3x + 2)$$

Les racines de  $P(x)$  sont

0	et	$-\frac{2}{3}$
---	----	----------------

$$R(x) = 4x^2 + 4x + 1$$

$$= (2x)^2 + 2 \times 2x \times 1 + 1^2$$

$$= (2x + 1)^2$$

L'unique racine de  $R(x)$  est

$-\frac{1}{2}$
----------------

 $Q(x) = -x^2 - 8x - 7$  On calcule le discriminant de  $Q(x)$  avec  $a = -1$ ,  $b = -8$  et  $c = -7$  :

$$\Delta = (-8)^2 - 4 \times (-1) \times (-7)$$

$$\Delta = 64 - 28$$

$$\Delta = 36$$

$$x_1 = \frac{8 - \sqrt{36}}{2 \times (-1)}$$

$$x_1 = \frac{8 - 6}{-2}$$

$$x_1 = \frac{-1 \times \cancel{(-2)}}{1 \times \cancel{(-2)}}$$

$$x_1 = -1$$

$$x_2 = \frac{8 + \sqrt{36}}{2 \times (-1)}$$

$$x_2 = \frac{8 + 6}{-2}$$

$$x_2 = \frac{-7 \times \cancel{(-2)}}{1 \times \cancel{(-2)}}$$

$$x_2 = -7$$

Les racines de  $Q(x)$  sont

-1	et	-7
----	----	----

**Corrigé de l'exercice 3**

Déterminer les racines des polynômes :

$$\begin{aligned}
 P(x) &= 49x^2 - 36 \\
 &= (\sqrt{49}x)^2 - (\sqrt{36})^2 \\
 &= (\sqrt{49}x\sqrt{36}) \times (\sqrt{49}x - (\sqrt{36})) \\
 &= (7x + 6) \times (7x - 6)
 \end{aligned}$$

Les racines de  $P(x)$  sont  $\boxed{\frac{-6}{7}}$  et  $\boxed{\frac{6}{7}}$

$$\begin{aligned}
 Q(x) &= 36x^2 - 72x + 36 \\
 &= (6x)^2 - 2 \times 6x \times 6 + 6^2 \\
 &= (6x - 6)^2
 \end{aligned}$$

L'unique racine de  $Q(x)$  est  $\boxed{1}$

$R(x) = x^2 - 6x + 6$  On calcule le discriminant de  $R(x)$  avec  $a = 1$ ,  $b = -6$  et  $c = 6$  :

$$\begin{aligned}
 \Delta &= (-6)^2 - 4 \times 1 \times 6 \\
 \Delta &= 36 - 24 \\
 \Delta &= 12
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 x_1 &= \frac{6 - \sqrt{12}}{2 \times 1} \\
 x_1 &= \frac{6 - \sqrt{4} \times \sqrt{3}}{2} \\
 x_1 &= \frac{(3 - \sqrt{3}) \times 2}{1 \times 2} \\
 x_1 &= 3 - \sqrt{3}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 x_2 &= \frac{6 + \sqrt{12}}{2 \times 1} \\
 x_2 &= \frac{6 + \sqrt{4} \times \sqrt{3}}{2} \\
 x_2 &= \frac{(3 + \sqrt{3}) \times 2}{1 \times 2} \\
 x_2 &= 3 + \sqrt{3}
 \end{aligned}$$

Les racines de  $R(x)$  sont  $\boxed{3 - \sqrt{3}}$  et  $\boxed{3 + \sqrt{3}}$

### Corrigé de l'exercice 4

Déterminer les racines des polynômes :

$$\begin{aligned}
 P(x) &= 36x^2 + 12x + 1 \\
 &= (6x)^2 + 2 \times 6x \times 1 + 1^2 \\
 &= (6x + 1)^2
 \end{aligned}$$

L'unique racine de  $P(x)$  est  $\boxed{\frac{-1}{6}}$

$$\begin{aligned}
 Q(x) &= 3x^2 - 7 \\
 &= (\sqrt{3}x)^2 - (\sqrt{7})^2 \\
 &= (\sqrt{3}x\sqrt{7}) \times (\sqrt{3}x - (\sqrt{7})) \\
 &= (\sqrt{3}x + \sqrt{7}) \times (\sqrt{3}x - \sqrt{7})
 \end{aligned}$$

Les racines de  $Q(x)$  sont  $\boxed{\frac{-\sqrt{7}}{\sqrt{3}}}$  et  $\boxed{\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}}}$

$R(x) = x^2 - 2x - 3$  On calcule le discriminant de  $R(x)$  avec  $a = 1$ ,  $b = -2$  et  $c = -3$  :

$$\begin{aligned}
 \Delta &= (-2)^2 - 4 \times 1 \times (-3) \\
 \Delta &= 4 - (-12) \\
 \Delta &= 16
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 x_1 &= \frac{2 - \sqrt{16}}{2 \times 1} \\
 x_1 &= \frac{2 - 4}{2} \\
 x_1 &= \frac{-1 \times 2}{1 \times 2} \\
 x_1 &= -1
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 x_2 &= \frac{2 + \sqrt{16}}{2 \times 1} \\
 x_2 &= \frac{2 + 4}{2} \\
 x_2 &= \frac{3 \times 2}{1 \times 2} \\
 x_2 &= 3
 \end{aligned}$$

Les racines de  $R(x)$  sont  $\boxed{-1}$  et  $\boxed{3}$

### Corrigé de l'exercice 5

Déterminer les racines des polynômes :

$$\begin{aligned}
 P(x) &= 64x^2 - 128x + 64 \\
 &= (8x)^2 - 2 \times 8x \times 8 + 8^2 \\
 &= (8x - 8)^2
 \end{aligned}$$

L'unique racine de  $P(x)$  est

$$\begin{aligned}
 Q(x) &= 9x^2 - 49 \\
 &= (\sqrt{9}x)^2 - (\sqrt{49})^2 \\
 &= (\sqrt{9}x\sqrt{49}) \times (\sqrt{9}x - (\sqrt{49})) \\
 &= (3x + 7) \times (3x - 7)
 \end{aligned}$$

Les racines de  $Q(x)$  sont  et

$R(x) = x^2 + 6x + 7$  On calcule le discriminant de  $R(x)$  avec  $a = 1$ ,  $b = 6$  et  $c = 7$  :

$$\begin{aligned}
 \Delta &= 6^2 - 4 \times 1 \times 7 \\
 \Delta &= 36 - 28 \\
 \Delta &= 8 \\
 x_1 &= \frac{-6 - \sqrt{8}}{2 \times 1} \\
 x_1 &= \frac{-6 - \sqrt{4} \times \sqrt{2}}{2} \\
 x_1 &= \frac{(-3 - \sqrt{2}) \times 2}{1 \times 2} \\
 x_1 &= -3 - \sqrt{2} \\
 x_2 &= \frac{-6 + \sqrt{8}}{2 \times 1} \\
 x_2 &= \frac{-6 + \sqrt{4} \times \sqrt{2}}{2} \\
 x_2 &= \frac{(-3 + \sqrt{2}) \times 2}{1 \times 2} \\
 x_2 &= -3 + \sqrt{2}
 \end{aligned}$$

Les racines de  $R(x)$  sont  et

### Corrigé de l'exercice 6

Déterminer les racines des polynômes :

$P(x) = -x^2 - 10x - 9$  On calcule le discriminant de  $P(x)$  avec  $a = -1$ ,  $b = -10$  et  $c = -9$  :

$$\begin{aligned}
 \Delta &= (-10)^2 - 4 \times (-1) \times (-9) \\
 \Delta &= 100 - 36 \\
 \Delta &= 64 \\
 x_1 &= \frac{10 - \sqrt{64}}{2 \times (-1)} \\
 x_1 &= \frac{10 - 8}{-2} \\
 x_1 &= \frac{-1 \times (-2)}{1 \times (-2)} \\
 x_1 &= -1 \\
 x_2 &= \frac{10 + \sqrt{64}}{2 \times (-1)} \\
 x_2 &= \frac{10 + 8}{-2} \\
 x_2 &= \frac{-9 \times (-2)}{1 \times (-2)} \\
 x_2 &= -9
 \end{aligned}$$

Les racines de  $P(x)$  sont  et

$$\begin{aligned}
 Q(x) &= 9x^2 + 48x + 64 \\
 &= (3x)^2 + 2 \times 3x \times 8 + 8^2 \\
 &= (3x + 8)^2
 \end{aligned}$$

L'unique racine de  $Q(x)$  est

$$\begin{aligned}
 R(x) &= -5x^2 + 1 \\
 &= (\sqrt{1})^2 - (\sqrt{5}x)^2 \\
 &= (\sqrt{1}\sqrt{5}x) \times (\sqrt{1} - (\sqrt{5}x)) \\
 &= (\sqrt{5}x + 1) \times (1 - (\sqrt{5}x)) \\
 &= (\sqrt{5}x + 1) \times (-\sqrt{5}x + 1)
 \end{aligned}$$

Les racines de  $R(x)$  sont  et