

**Exercice 1**

- 1. On considère la fonction  $k$  définie sur  $I = [-10 ; -1]$  par  $k(x) = \frac{-x + 1}{-5x + 1}$ .
- Justifier que  $k$  est définie et dérivable sur  $I$ .
  - Déterminer  $k'(x)$  pour tout  $x \in [-10 ; -1]$ .
  - En déduire le sens de variations de  $k$  sur  $I$ .
- 2. Étudier le sens de variations de  $g$  définie par  $g(x) = 2x^3 - 27x^2 + 84x$  sur  $[-10 ; 10]$ .

**Exercice 2**

- 1. On considère la fonction  $f$  définie sur  $I = [0 ; 10]$  par  $f(x) = \frac{4x + 5}{3x + 4}$ .
- Justifier que  $f$  est définie et dérivable sur  $I$ .
  - Déterminer  $f'(x)$  pour tout  $x \in [0 ; 10]$ .
  - En déduire le sens de variations de  $f$  sur  $I$ .
- 2. Étudier le sens de variations de  $g$  définie par  $g(x) = 2x^3 + 33x^2 + 108x$  sur  $[-10 ; 10]$ .

**Exercice 3**

- 1. On considère la fonction  $h$  définie sur  $I = [-2 ; 10]$  par  $h(t) = \frac{-3t + 2}{-2t - 6}$ .
- Justifier que  $h$  est définie et dérivable sur  $I$ .
  - Déterminer  $h'(t)$  pour tout  $t \in [-2 ; 10]$ .
  - En déduire le sens de variations de  $h$  sur  $I$ .
- 2. Étudier le sens de variations de  $g$  définie par  $g(x) = 3x^3 - \frac{9}{2}x^2 - 3$  sur  $[-10 ; 10]$ .

**Exercice 4**

- 1. On considère la fonction  $k$  définie sur  $I = [-2 ; 10]$  par  $k(t) = \frac{2t - 4}{t + 3}$ .
- Justifier que  $k$  est définie et dérivable sur  $I$ .
  - Déterminer  $k'(t)$  pour tout  $t \in [-2 ; 10]$ .
  - En déduire le sens de variations de  $k$  sur  $I$ .
- 2. Étudier le sens de variations de  $q$  définie par  $q(x) = x^3 + \frac{21}{2}x^2 + 30x + 1$  sur  $[-10 ; 10]$ .

**Exercice 5**

- 1. On considère la fonction  $f$  définie sur  $I = [-1 ; 10]$  par  $f(t) = \frac{-2t - 1}{-3t - 7}$ .
- Justifier que  $f$  est définie et dérivable sur  $I$ .
  - Déterminer  $f'(t)$  pour tout  $t \in [-1 ; 10]$ .
  - En déduire le sens de variations de  $f$  sur  $I$ .
- 2. Étudier le sens de variations de  $k$  définie par  $k(x) = 3x^3 - \frac{81}{2}x^2 + 72x - 7$  sur  $[-10 ; 10]$ .