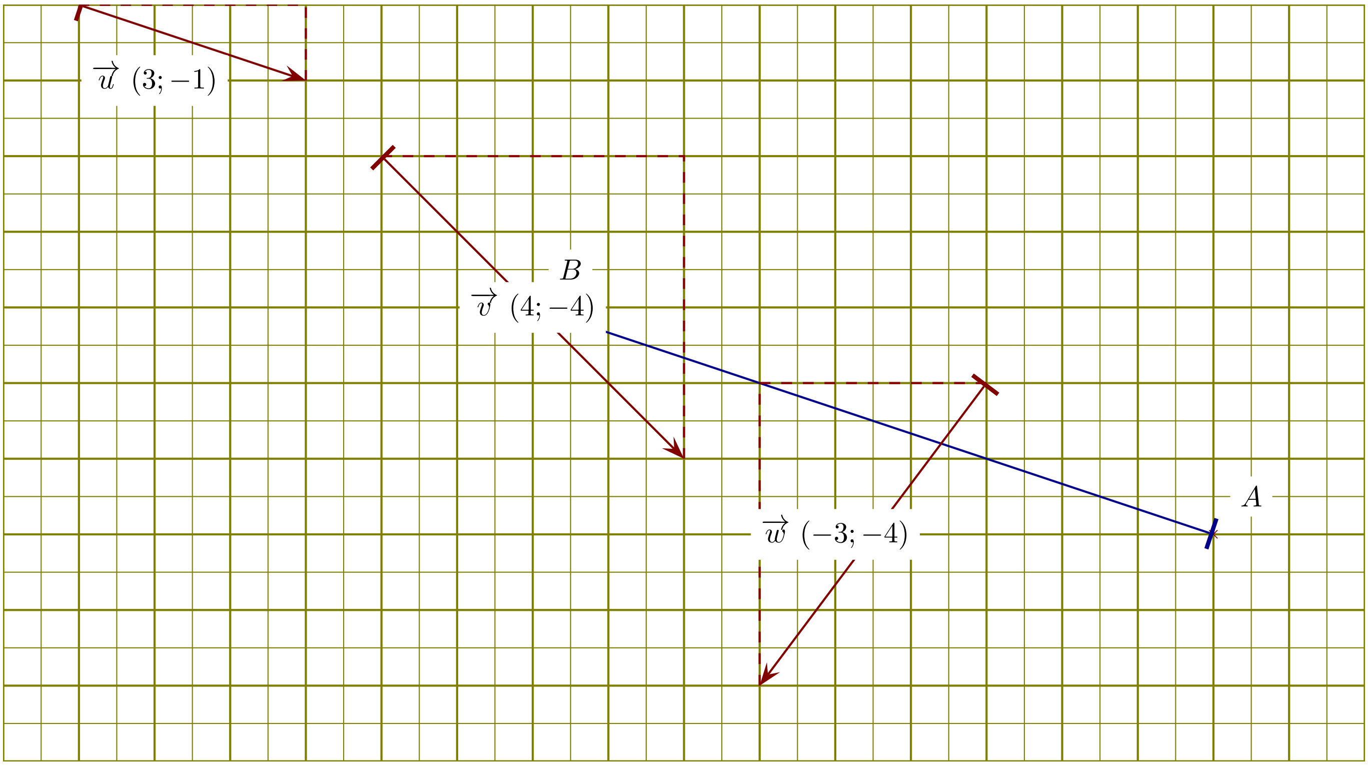
Corrigé de l'exercice 1



On se place dans un repère orthonormé et on considère les vecteurs $\overrightarrow{u}$, $\overrightarrow{v}$, et $\overrightarrow{w}$ ci-dessous.

►1. Lire les coordonnées de chacun des vecteurs $\overrightarrow{u}$, $\overrightarrow{v}$, et $\overrightarrow{w}$.

Un petit rappel : l'abscisse d'un vecteur est la différence d'abscisse entre le fin et le début du vecteur. Concernant le vecteur $\overrightarrow{u}$, son abscisse est 3. On lit également son ordonnée : 3. Donc les coordonnées de $\overrightarrow{u}$ sont $(3, -1)$. Des pointillés ont été ajoutés sur la figure pour faciliter la lecture des coordonnées. De même, les coordonnées de $\overrightarrow{v}$ sont $(4, -4)$ et les coordonnées de $\overrightarrow{w}$ sont $(-3, -4)$.

►2. Placer un point B de sorte que le vecteur $\overrightarrow{AB}$ soit égal à $-3 \times \overrightarrow{u}$.

Le plus simple pour répondre à cette question est de calculer les coordonnées du vecteur $-3 \times \overrightarrow{u}$. Cela se fait en multipliant les coordonnées de $\overrightarrow{u}$ par -3, ce qui donne comme résultat $(-9; 3)$. En partant du point A et en respectant ces coordonnées, on dessine un vecteur (en bleu sur la figure ci-dessus) qui indique l'emplacement du point B.

►3. Calculer les normes de chacun des vecteurs $\overrightarrow{u}$, $\overrightarrow{v}$, et $\overrightarrow{w}$.

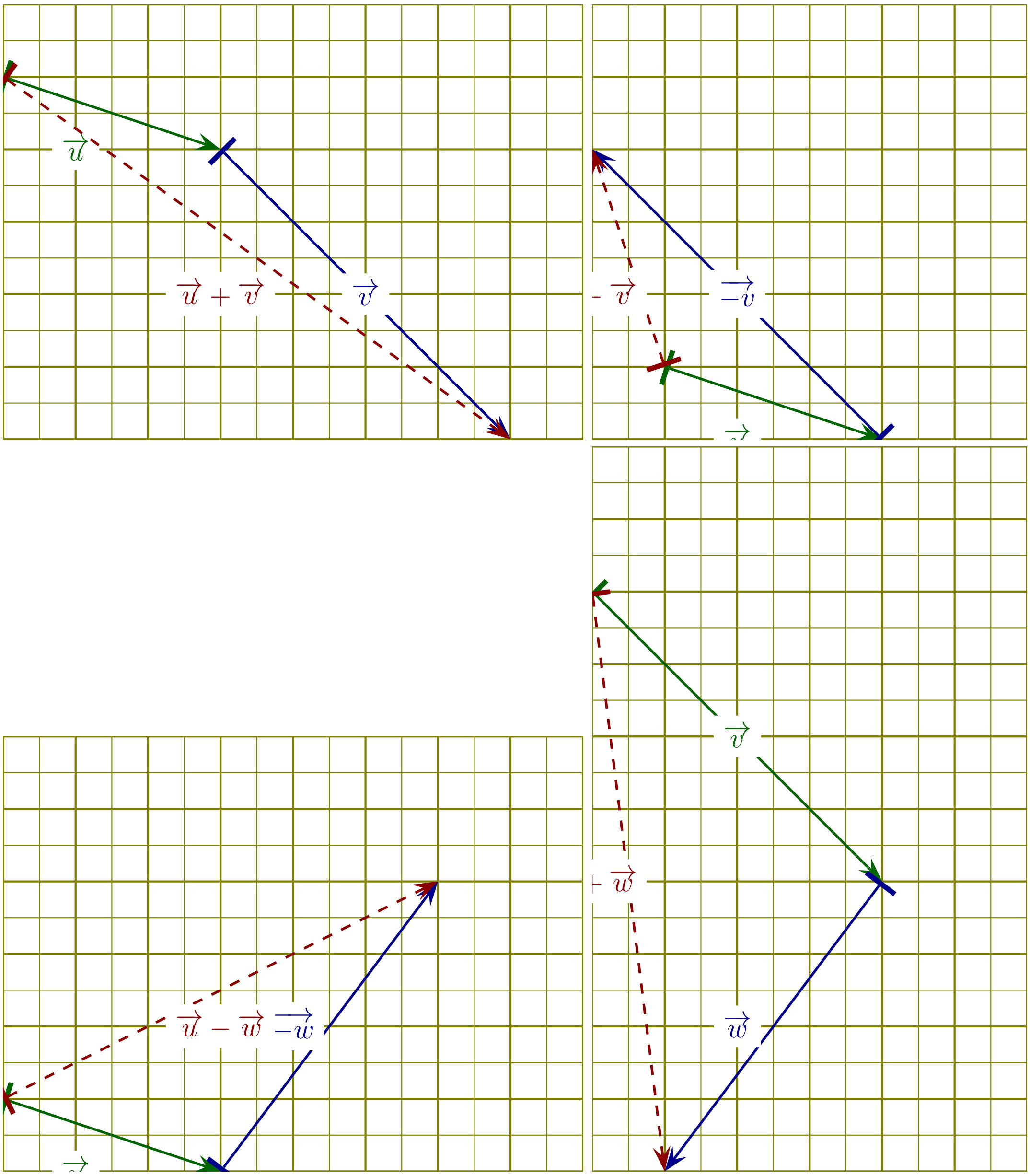
$\|\overrightarrow{u}\| = \sqrt{(3)^2 + (-1)^2} = \sqrt{9+1} = \sqrt{10}$.

De la même manière, on obtient : $\|\overrightarrow{v}\| = \sqrt{(4)^2 + (-4)^2} = \sqrt{16+16} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$ et

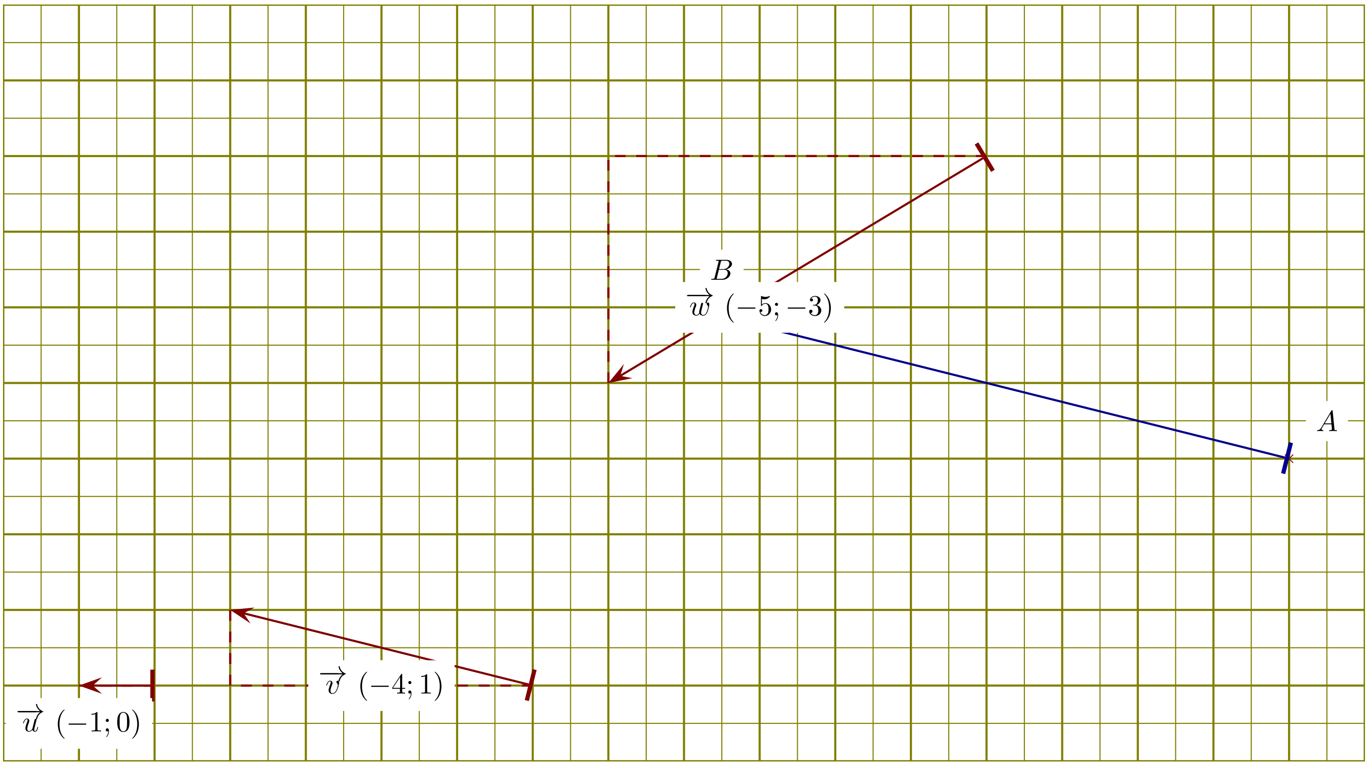
$\|\overrightarrow{w}\| = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = \sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5$.

►4. Dessiner des représentants des vecteurs $\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}$, $\overrightarrow{u} - \overrightarrow{v}$, $\overrightarrow{u} - \overrightarrow{w}$ et $\overrightarrow{v} + \overrightarrow{w}$.

Pour dessiner les sommes ou différences de vecteurs, il faut les mettre "bouts à bouts", comme sur les figures qui suivent :



Corrigé de l'exercice 2



On se place dans un repère orthonormé et on considère les vecteurs $\overrightarrow{u}$, $\overrightarrow{v}$, et $\overrightarrow{w}$ ci-dessous.

►1. Lire les coordonnées de chacun des vecteurs $\overrightarrow{u}$, $\overrightarrow{v}$, et $\overrightarrow{w}$.

Un petit rappel : l'abscisse d'un vecteur est la différence d'abscisse entre le fin et le début du vecteur. Concernant le vecteur $\overrightarrow{u}$, son abscisse est -1. On lit également son ordonnée : -1. Donc les coordonnées de $\overrightarrow{u}$ sont $(-1, 0)$. Des pointillés ont été ajoutés sur la figure pour faciliter la lecture des coordonnées. De même, les coordonnées de $\overrightarrow{v}$ sont $(-4, 1)$ et les coordonnées de $\overrightarrow{w}$ sont $(-5, -3)$.

►2. Placer un point B de sorte que le vecteur $\overrightarrow{AB}$ soit égal à $2 \times \overrightarrow{v}$.

Le plus simple pour répondre à cette question est de calculer les coordonnées du vecteur $2 \times \overrightarrow{v}$. Cela se fait en multipliant les coordonnées de $\overrightarrow{v}$ par 2, ce qui donne comme résultat $(-8; 2)$. En partant du point A et en respectant ces coordonnées, on dessine un vecteur (en bleu sur la figure ci-dessus) qui indique l'emplacement du point B.

►3. Calculer les normes de chacun des vecteurs $\overrightarrow{u}$, $\overrightarrow{v}$, et $\overrightarrow{w}$.

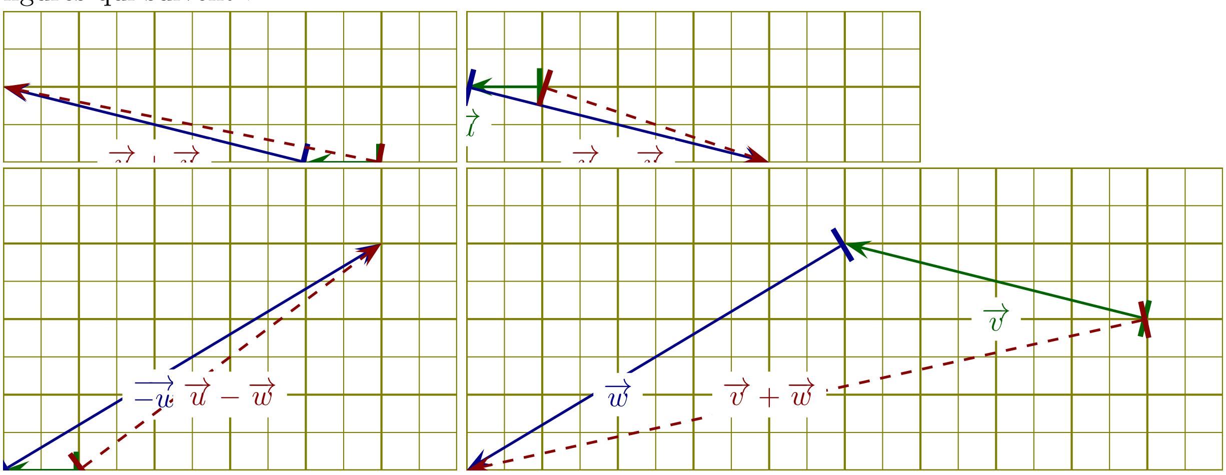
$\|\overrightarrow{u}\| = \sqrt{(-1)^2 + (0)^2} = \sqrt{1+0} = \sqrt{1}$.

De la même manière, on obtient : $\|\overrightarrow{v}\| = \sqrt{(-4)^2 + (1)^2} = \sqrt{16+1} = \sqrt{17}$ et

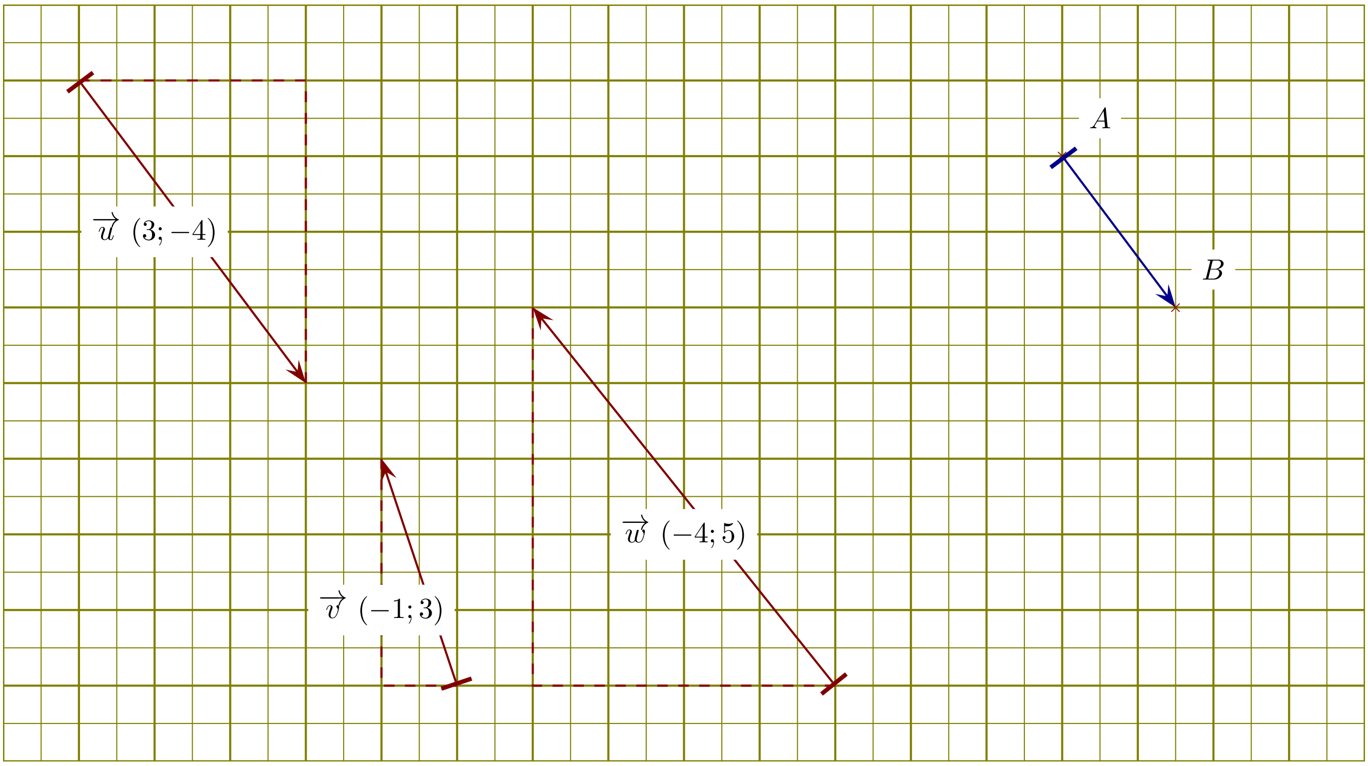
$\|\overrightarrow{w}\| = \sqrt{(-5)^2 + (-3)^2} = \sqrt{25+9} = \sqrt{34}$.

►4. Dessiner des représentants des vecteurs $\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}$, $\overrightarrow{u} - \overrightarrow{v}$, $\overrightarrow{u} - \overrightarrow{w}$ et $\overrightarrow{v} + \overrightarrow{w}$.

Pour dessiner les sommes ou différences de vecteurs, il faut les mettre "bouts à bouts", comme sur les figures qui suivent :



Corrigé de l'exercice 3



On se place dans un repère orthonormé et on considère les vecteurs $\overrightarrow{u}$, $\overrightarrow{v}$, et $\overrightarrow{w}$ ci-dessous.

►1. Lire les coordonnées de chacun des vecteurs $\overrightarrow{u}$, $\overrightarrow{v}$, et $\overrightarrow{w}$.

Un petit rappel : l'abscisse d'un vecteur est la différence d'abscisse entre le fin et le début du vecteur. Concernant le vecteur $\overrightarrow{u}$, son abscisse est 3. On lit également son ordonnée : 3. Donc les coordonnées de $\overrightarrow{u}$ sont $(3, -4)$. Des pointillés ont été ajoutés sur la figure pour faciliter la lecture des coordonnées. De même, les coordonnées de $\overrightarrow{v}$ sont $(-1, 3)$ et les coordonnées de $\overrightarrow{w}$ sont $(-4, 5)$.

►2. Placer un point B de sorte que le vecteur $\overrightarrow{AB}$ soit égal à $0.5 \times \overrightarrow{u}$.

Le plus simple pour répondre à cette question est de calculer les coordonnées du vecteur $0.5 \times \overrightarrow{u}$. Cela se fait en multipliant les coordonnées de $\overrightarrow{u}$ par 0.5, ce qui donne comme résultat $(1.5; -2.0)$. En partant du point A et en respectant ces coordonnées, on dessine un vecteur (en bleu sur la figure ci-dessus) qui indique l'emplacement du point B.

►3. Calculer les normes de chacun des vecteurs $\overrightarrow{u}$, $\overrightarrow{v}$, et $\overrightarrow{w}$.

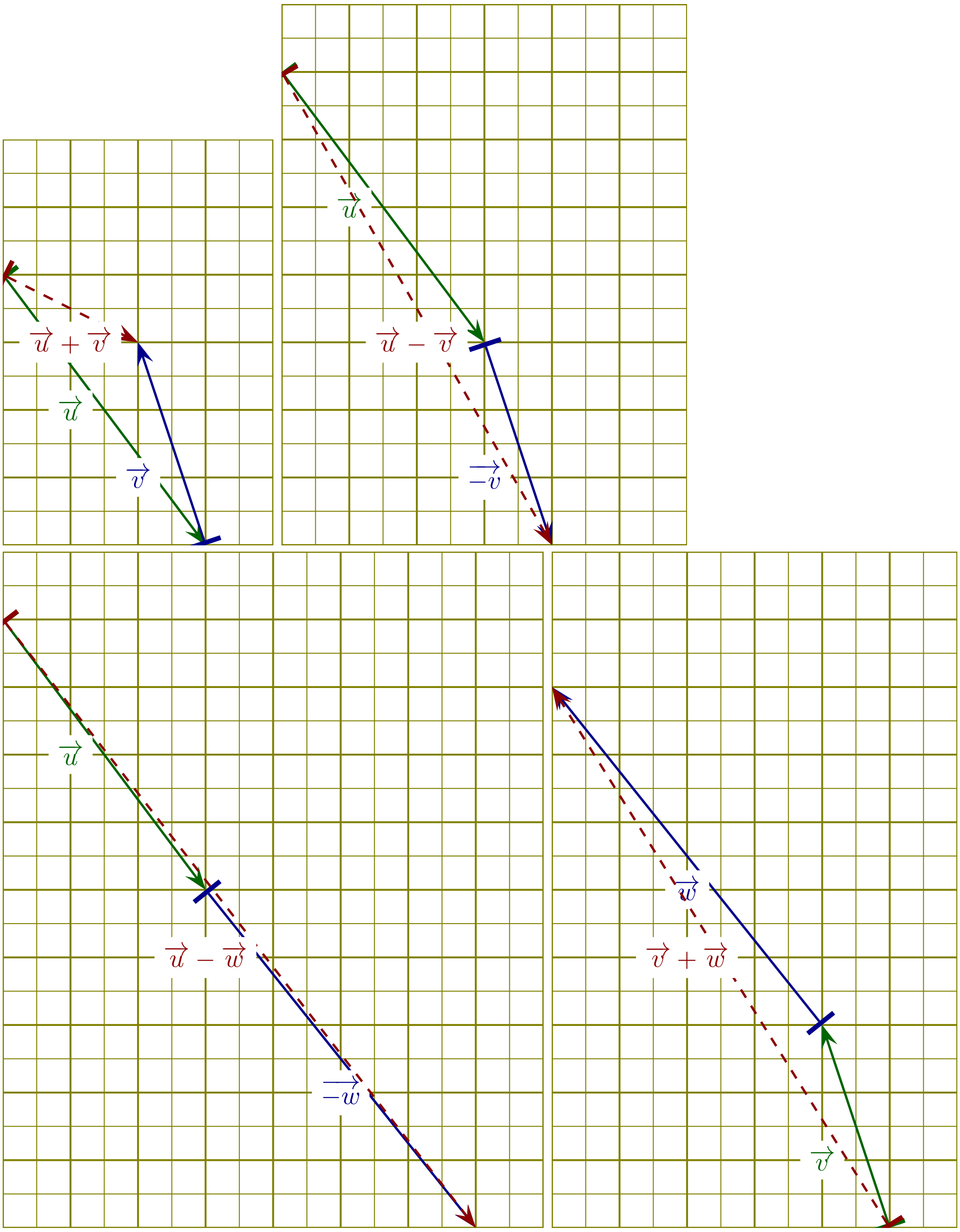
$\|\overrightarrow{u}\| = \sqrt{(3)^2 + (-4)^2} = \sqrt{9 + 16} = \sqrt{25} = 5.$

De la même manière, on obtient : $\|\overrightarrow{v}\| = \sqrt{(-1)^2 + (3)^2} = \sqrt{1 + 9} = \sqrt{10}$ et

$\|\overrightarrow{w}\| = \sqrt{(-4)^2 + (5)^2} = \sqrt{16 + 25} = \sqrt{41}.$

►4. Dessiner des représentants des vecteurs $\overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}$, $\overrightarrow{u} - \overrightarrow{v}$, $\overrightarrow{u} - \overrightarrow{w}$ et $\overrightarrow{v} + \overrightarrow{w}$.

Pour dessiner les sommes ou différences de vecteurs, il faut les mettre "bouts à bouts", comme sur les figures qui suivent :


$\overrightarrow{u}+\overrightarrow{v}$
$\overrightarrow{u}$
$\overrightarrow{v}$
$\overrightarrow{u}$
$\overrightarrow{u}-\overrightarrow{v}$
$\overrightarrow{-v}$
$\overrightarrow{u}$
$\overrightarrow{u}-\overrightarrow{w}$
$\overrightarrow{-w}$
$\overrightarrow{w}$
$\overrightarrow{v}+\overrightarrow{w}$
$\overrightarrow{v}$