

BREVET BLANC DE MATHÉMATIQUES
CLASSES DE TROISIÈME

Il sera tenu compte de la rédaction et de la présentation. L'emploi de la calculatrice est autorisé

EXERCICE 1 : (4 points)

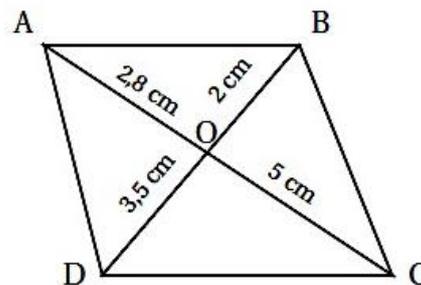
Quatre affirmations sont données ci-dessous. Pour chacune des affirmations, indiquer si la réponse est vraie ou fausse, en argumentant la réponse :

Affirmation 1 : Le nombre -3 est solution de l'équation $2x^2 - 5x + 1 = -2$.

Affirmation 2 : 4 n'admet que deux diviseurs.

Affirmation 3 : un cube, une pyramide à base carrée et un pavé droit totalisent 17 faces.

Affirmation 4 : les droites (AB) et (CD) sont parallèles.



EXERCICE 2 : (5,5 points)

Une commune souhaite aménager des parcours de santé sur son territoire. On fait deux propositions au conseil municipal, schématisées ci-dessous :

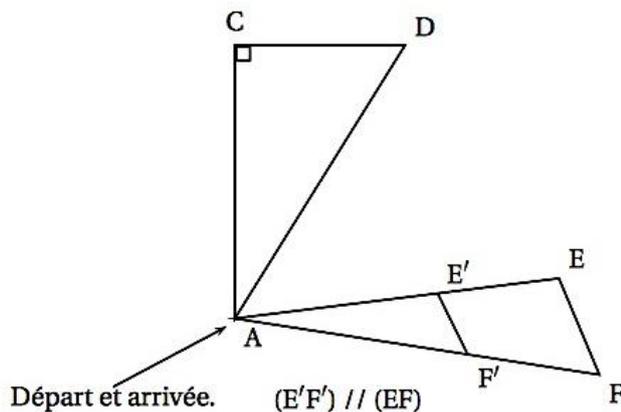
Le parcours ACDA

Le parcours AEFA

On souhaite faire un parcours dont la longueur 'approche le plus possible de 4 km.

Peux-tu aider le conseil municipal à choisir le parcours ? Justifie.

Attention : la figure proposée n'est pas à l'échelle, mais les mesures indiquées et les codages sont corrects.



- AC = 1,4 km
- CD = 1,05 km
- AE' = 0,5 km
- AE = 1,3 km
- AF = 1,6 km
- E'F' = 0,4 km

L'angle \hat{A} dans le triangle AEF vaut 30° .

EXERCICE 3 : (6 points)

Voici le classement des médailles d'or reçues par les pays participant aux jeux olympiques pour le cyclisme masculin (source : Wikipédia)

Bilan des médailles d'or de 1896 à 2008

| Nation | Or |
|----------------------|----|
| France | 40 |
| Italie | 32 |
| Royaume-Uni | 18 |
| Pays-Bas | 15 |
| États-Unis | 14 |
| Australie | 13 |
| Allemagne | 13 |
| Union soviétique | 11 |
| Belgique | 6 |
| Danemark | 6 |
| Allemagne de l'Ouest | 6 |
| Espagne | 5 |
| Allemagne de l'Est | 4 |

| Nation | Or |
|------------------|----|
| Russie | 4 |
| Suisse | 3 |
| Suède | 3 |
| Tchécoslovaquie | 2 |
| Norvège | 2 |
| Canada | 1 |
| Afrique du Sud | 1 |
| Grèce | 1 |
| Nouvelle-Zélande | 1 |
| Autriche | 1 |
| Estonie | 1 |
| Lettonie | 1 |
| Argentine | 1 |

1°) Voici un extrait du tableur :

| | A | B | C | D | E | F | G | H | I | J | K | L | M | N | O |
|---|--------------------------|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 1 | Nombre de médailles d'or | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 11 | 13 | 14 | 15 | 18 | 32 | 40 | |
| 2 | Effectif | 8 | 2 | 2 | 2 | 1 | 3 | 1 | 2 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 26 |

Quelle formule a-t-on saisie dans la cellule O2 pour obtenir le nombre total de pays ayant eu une médaille d'or ?

2°) Calculer la moyenne de la série (arrondir à l'unité).

3°) Déterminer la médiane de cette série.

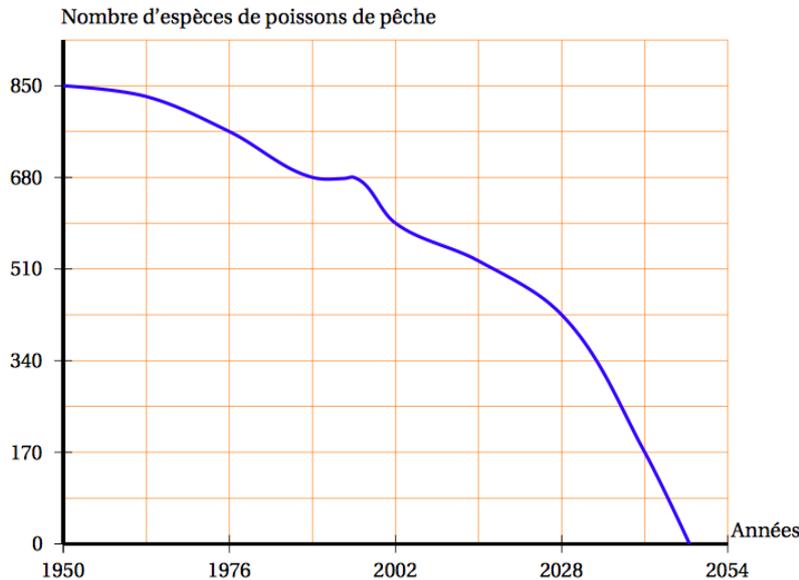
4°) En observant les valeurs prises par la série, donner un argument qui explique pourquoi les valeurs de la moyenne et de la médiane sont différentes.

5°) Pour le cyclisme masculin, 70% des pays médaillés ont obtenu au moins une médaille d'or. Quel est le nombre de pays qui n'ont obtenu que des médailles d'argent ou de bronze ? (arrondir le résultat à l'unité)

EXERCICE 4 : (7 points)

Voici un extrait d'article trouvé dans une revue scientifique :

« Si l'Homme ne change pas son comportement de pollueur, il n'y aura plus aucun poisson à l'état sauvage dans les océans. »



Le graphique ci-dessus donne la courbe représentative d'une fonction f qui prévoit l'évolution des espèces restantes de poissons trouvées en mer.

1°) D'après le graphique :

- Déterminer le nombre d'espèces restantes de poissons en 2028.
- En quelle année restait-il 595 espèces de poissons ?
- Donner une estimation de l'année de disparition prévue de toutes les espèces de poissons de pêche.

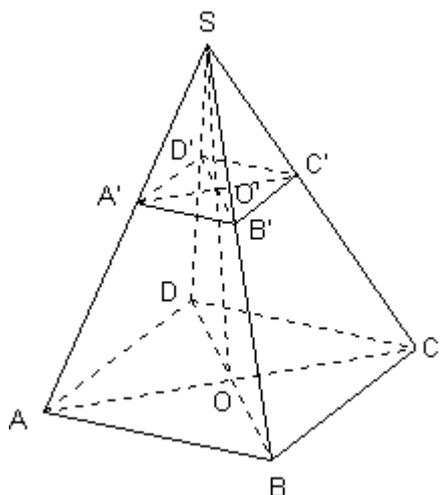
2°) La biologiste de l'Aquarium du Pacifique aménage une salle dédiée à trois espèces de petits poissons notées A, B et C. Voici le tableau donnant le nombre de poissons de chaque espèce dont elle dispose :

| Espèce de petits poissons | A | B | C |
|---------------------------|-----|-----|-----|
| Effectif | 462 | 315 | 378 |

- On pêche au hasard un poisson dans le bassin.
Quelle est la probabilité que ce poisson soit de l'espèce A ?
- Calculer le PGCD des nombres 462 et 315 en détaillant les étapes.
- Combien faudrait-il de bassins au maximum pour que les bassins soit identiques, c'est-à-dire qu'ils contiennent chacun le même nombre de poissons de chacune des espèces A, B et C ?

EXERCICE 5 : (7,5 points)

La pyramide SABCD ci-dessous représente un flacon de parfum :



La base est un rectangle ABCD de centre O tel que $AB = 6$ cm, $BD = 10$ cm et $AD = 8$ cm.

La hauteur $[SO]$ mesure 10 cm.

- 1°) a) Représenter le triangle SOB en vraie grandeur.
b) Montrer que le volume de cette pyramide est de 160 cm³.

- 2°) Soit O' le milieu de $[SO]$.
On coupe la pyramide par un plan passant par O' et parallèle à sa base pour créer le bouchon du flacon.

- a) Ce bouchon, la pyramide $SA'B'C'D'$ est une réduction de la pyramide SABCD.
Donner le rapport de réduction.

- b) Calculer le volume de la pyramide $SA'B'C'D'$.

- 3°) On suppose maintenant que la hauteur du bouchon $SO' = x$ cm.
 x est un nombre compris entre 0 et 10.

On suppose aussi que le parfum est contenu uniquement dans le tronc de la pyramide.

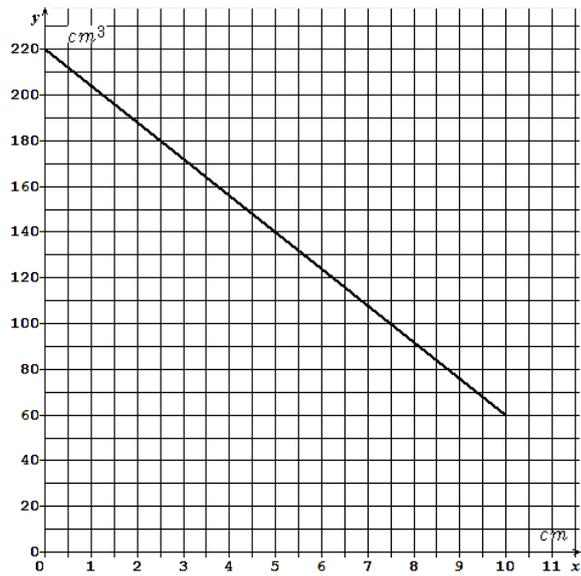
Dans ce qui suit, la fonction f qui à la hauteur x du bouchon (en cm) associe le volume de parfum (en cm³), est donnée par l'expression :

$$f(x) = 0,16 (1000 - x^3)$$

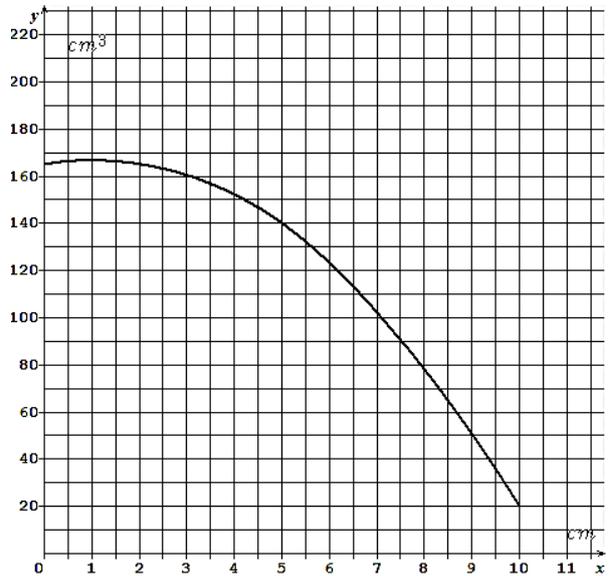
- a) Calculer $f(3)$ et interpréter le résultat.

b) Parmi les graphiques suivants, lequel représente la fonction f :

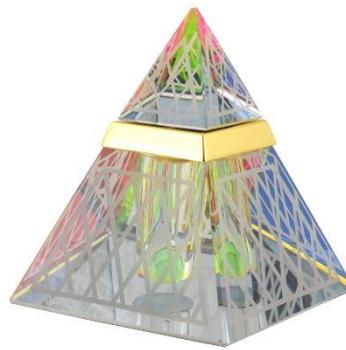
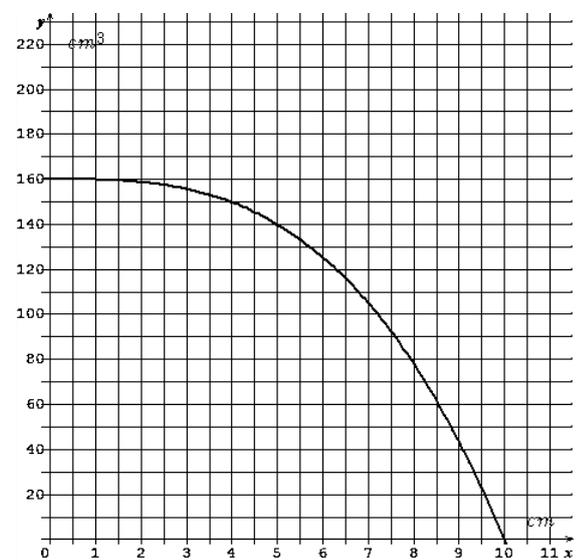
Graphique 1 :



Graphique 2 :



Graphique 3 :



c) En utilisant le graphique, quelle doit être la hauteur du bouchon pour que le volume de parfum soit de 140 cm^3 ?
 Quelle sera alors sa contenance en centilitres ?

EXERCICE 6 : (2 points)

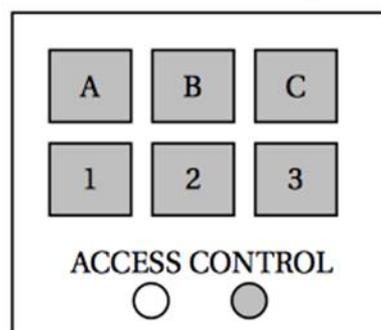
« Je prends un nombre entier. Je lui ajoute 3 et je multiplie le résultat par 7. J'ajoute le triple du nombre de départ au résultat et j'enlève 21. J'obtiens toujours un multiple de 10. »

Est-ce vrai ? Justifier.

Si travail n'est pas terminé, laisser tout de même une trace de la recherche. Elle sera prise en compte dans l'évaluation.

EXERCICE 7 : (4 points)

À l'entrée du garage à vélos du collège, un digicode commande l'ouverture de la porte.
Le code d'ouverture est composé d'une lettre A ; B ou C suivie d'un chiffre 1 ; 2 ou 3.



1°) Quels sont les différents codes possibles ?

2°) Aurélie compose au hasard le code A1

a) Quelle probabilité a-t-elle d'obtenir le bon code ?

b) En tapant le code A1, Aurélie s'est trompé à la fois de lettre et de chiffre.

Elle change donc ses choix.

Quelle probabilité a-t-elle de trouver le bon code à son deuxième essai ?

c) Justifier que si lors de ce deuxième essai, Aurélie ne se trompe que de lettre, elle est sûre de pouvoir ouvrir la porte lors d'un troisième essai.