

Corrigé de l'exercice 1

Calculer les expressions suivantes et donner le résultat sous la forme d'une fraction irréductible.

$$A = \frac{-1}{7} + 2$$

$$A = \frac{5}{7} + 8$$

$$A = \frac{-1}{7} + \frac{2 \times 7}{1 \times 7}$$

$$A = \frac{5}{7} + \frac{8 \times 7}{1 \times 7}$$

$$A = \frac{-1}{7} + \frac{14}{7}$$

$$A = \frac{5}{7} + \frac{56}{7}$$

$$A = \frac{13}{7} \div \frac{61}{7}$$

$$A = \frac{13}{7} \times \frac{7}{61}$$

$$A = \frac{13}{1 \times 7} \times \frac{1 \times 7}{61}$$

$$A = \frac{13}{61}$$

$$B = \frac{-28}{9} - \frac{-28}{45} \div \frac{14}{27}$$

$$B = \frac{-28}{9} - \frac{-28}{45} \times \frac{27}{14}$$

$$B = \frac{-28}{9} - \frac{-2 \times \cancel{14}}{5 \times \cancel{9}} \times \frac{3 \times \cancel{9}}{1 \times \cancel{14}}$$

$$B = \frac{-28}{9} - \frac{-6}{5}$$

$$B = \frac{-28 \times 5}{9 \times 5} - \frac{-6 \times 9}{5 \times 9}$$

$$B = \frac{-140}{45} - \frac{-54}{45}$$

$$B = \frac{-86}{45}$$

$$C = \frac{-7}{9} \div \left(\frac{-7}{5} + \frac{6}{7} \right)$$

$$C = \frac{-7}{9} \div \left(\frac{-7 \times 7}{5 \times 7} + \frac{6 \times 5}{7 \times 5} \right)$$

$$C = \frac{-7}{9} \div \left(\frac{-49}{35} + \frac{30}{35} \right)$$

$$C = \frac{-7}{9} \div \frac{-19}{35}$$

$$C = \frac{-7}{9} \times \frac{-35}{19}$$

$$C = \frac{-7}{-9 \times \cancel{1}} \times \frac{35 \times \cancel{1}}{19}$$

$$C = \frac{245}{171}$$

Corrigé de l'exercice 2

Calculer les expressions suivantes et donner l'écriture scientifique du résultat.

$$A = \frac{160 \times 10^3 \times 1\,500 \times 10^7}{0,1 \times (10^{-8})^4}$$

$$A = \frac{160 \times 1\,500}{0,1} \times \frac{10^{3+7}}{10^{-8 \times 4}}$$

$$A = 2\,400\,000 \times 10^{10 - (-32)}$$

$$A = 2,4 \times 10^6 \times 10^{42}$$

$$A = 2,4 \times 10^{48}$$

$$B = \frac{36 \times 10^6 \times 63 \times 10^{-2}}{5\,040 \times (10^7)^2}$$

$$B = \frac{36 \times 63}{5\,040} \times \frac{10^{6+(-2)}}{10^{7 \times 2}}$$

$$B = 0,45 \times 10^{4-14}$$

$$B = 4,5 \times 10^{-1} \times 10^{-10}$$

$$B = 4,5 \times 10^{-11}$$

Corrigé de l'exercice 3

- 1. Les nombres 770 et 560 sont-ils premiers entre eux ?

770 et 560 se terminent tous les deux par zéro donc ils sont divisibles par 10.

770 et 560 ne sont donc pas premiers entre eux

- 2. Calculer le plus grand commun diviseur (PGCD) de 770 et 560.

On calcule le PGCD des nombres 770 et 560 en utilisant l'algorithme d'Euclide.

$$770 = 560 \times 1 + 210$$

$$560 = 210 \times 2 + 140$$

$$210 = 140 \times 1 + 70$$

$$140 = 70 \times 2 + 0$$

Donc le PGCD de 770 et 560 est 70.

- 3. Simplifier la fraction $\frac{770}{560}$ pour la rendre irréductible en indiquant la méthode.

$$\frac{770}{560} = \frac{770 \div 70}{560 \div 70}$$

$$= \frac{11}{8}$$

Corrigé de l'exercice 4

On donne $A = -60x + 100x^2 + 9 - (-10x + 3)(9x + 6)$.

- 1. Développer et réduire A .

$$A = 100x^2 + 9 - 60x - (-10x + 3)(9x + 6)$$

$$A = 100x^2 - 60x + 9 - (-90x^2 + (-60x) + 27x + 18)$$

$$A = 100x^2 - 60x + 9 + 90x^2 + 33x - 18$$

$$A = 190x^2 - 27x - 9$$

- 2. Factoriser A .

$$A = 9 - 60x + 100x^2 - (-10x + 3)(9x + 6)$$

$$A = 100x^2 - 60x + 9 - (-10x + 3)(9x + 6)$$

$$A = (-10x + 3)^2 - (-10x + 3)(9x + 6)$$

$$A = (-10x + 3)(-10x + 3 - (9x + 6))$$

$$A = (-10x + 3)(-10x + 3 - 9x - 6)$$

$$A = (-10x + 3)(-19x - 3)$$

- 3. Calculer A pour $x = \frac{-3}{2}$.

Nous savons que $A = 190x^2 - 27x - 9$. Donc pour $x = \frac{-3}{2}$:

$$A = 190 \times \left(\frac{-3}{2}\right)^2 - 27 \times \left(\frac{-3}{2}\right) - 9$$

$$A = \frac{95 \times \cancel{2}}{1} \times \frac{9}{2 \times \cancel{2}} + \frac{-27}{-1 \times \cancel{2}} \times \frac{3 \times \cancel{2}}{2} - 9$$

$$A = \frac{855}{2} + \frac{81}{2} + \frac{-18}{2}$$

$$A = \frac{918}{2} = 459$$

- 4. Résoudre l'équation $A = 0$.

Nous savons que $A = (-10x + 3)(-19x - 3)$. Nous devons donc résoudre $(-10x + 3)(-19x - 3) = 0$.
Un produit de facteurs est nul signifie qu'un des facteurs est nul. Donc :

$$-10x + 3 = 0 \quad \text{ou} \quad -19x - 3 = 0$$

$$-10x = -3 \quad \text{ou} \quad -19x = 3$$

$$x = \frac{3}{10} \quad \text{ou} \quad x = \frac{-3}{19}$$

Les solutions de cette équation sont $\frac{3}{10}$ et $\frac{-3}{19}$.

Corrigé de l'exercice 5

- 1. Calculer les expressions suivantes et donner le résultat sous la forme $a\sqrt{b}$ avec a et b entiers, b le plus petit possible.

$$A = -3\sqrt{20} - 2\sqrt{80} - \sqrt{45}$$

$$A = -3\sqrt{4} \times \sqrt{5} - 2\sqrt{16} \times \sqrt{5} - \sqrt{9} \times \sqrt{5}$$

$$A = -3 \times 2 \times \sqrt{5} - 2 \times 4 \times \sqrt{5} - 1 \times 3 \times \sqrt{5}$$

$$A = -6\sqrt{5} - 8\sqrt{5} - 3\sqrt{5}$$

$$A = -17\sqrt{5}$$

$$B = \sqrt{48} \times \sqrt{27} \times \sqrt{12}$$

$$B = \sqrt{16} \times \sqrt{3} \times \sqrt{9} \times \sqrt{3} \times \sqrt{4} \times \sqrt{3}$$

$$B = 4 \times \sqrt{3} \times 3 \times \sqrt{3} \times 2 \times \sqrt{3}$$

$$B = 24 \times (\sqrt{3})^2 \times \sqrt{3}$$

$$B = 24 \times 3 \times \sqrt{3}$$

$$B = 72\sqrt{3}$$

- 2. Calculer les expressions suivantes et donner le résultat sous la forme $a + b\sqrt{c}$ avec a , b et c entiers.

$$C = (3\sqrt{7} - 4\sqrt{6})^2$$

$$C = (3\sqrt{7})^2 - 2 \times 3\sqrt{7} \times 4\sqrt{6} + (4\sqrt{6})^2$$

$$C = 9 \times 7 - 24\sqrt{42} + 16 \times 6$$

$$C = 159 - 24\sqrt{42}$$

$$D = (3\sqrt{7} + \sqrt{6})^2$$

$$D = (3\sqrt{7})^2 + 2 \times 3\sqrt{7} \times \sqrt{6} + \sqrt{6}^2$$

$$D = 9 \times 7 + 6\sqrt{42} + 1 \times 6$$

$$D = 69 + 6\sqrt{42}$$

- 3. Calculer les expressions suivantes et donner le résultat sous la forme d'un nombre entier.

$$E = (3 - 4\sqrt{3})(3 + 4\sqrt{3})$$

$$E = 3^2 - (4\sqrt{3})^2$$

$$E = 9 - 16 \times 3$$

$$E = -39$$

$$F = \frac{24\sqrt{90}}{9\sqrt{160}}$$

$$F = \frac{24 \times \sqrt{9} \times \sqrt{10}}{9 \times \sqrt{16} \times \sqrt{10}}$$

$$F = \frac{24 \times 3}{9 \times 4}$$

$$F = 2$$

Corrigé de l'exercice 6

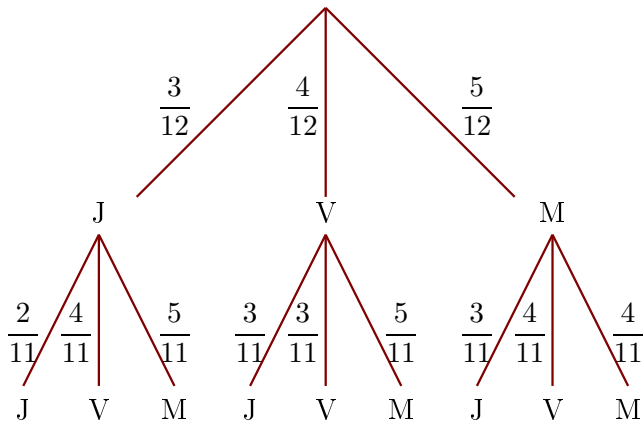
Dans une urne, il y a 3 boules jaunes (J), 4 boules vertes (V) et 5 boules marrons (M), indiscernables au toucher. On tire successivement et sans remise deux boules.

- 1. Quelle est la probabilité de tirer une boule verte au premier tirage ?

Il y a 12 boules dans l'urne dont 4 boules vertes.

La probabilité de tirer une boule verte au premier tirage est donc $\frac{4}{12}$.

- 2. Construire un arbre des probabilités décrivant l'expérience aléatoire.



- 3. Quelle est la probabilité que la première boule soit marron et la deuxième soit verte ?

On utilise l'arbre construit précédemment.

$$p(M,V) = \frac{5}{12} \times \frac{4}{11} = \frac{20}{132}$$

La probabilité que la première boule soit marron et la deuxième soit verte est égale à $\frac{20}{132}$.

- 4. Quelle est la probabilité que la deuxième boule soit jaune ?

On note $(?, J)$ l'évènement : la deuxième boule tirée est jaune.

$$p(?,J) = p(J,J) + p(V,J) + p(M,J) = \frac{3}{12} \times \frac{2}{11} + \frac{4}{12} \times \frac{3}{11} + \frac{5}{12} \times \frac{3}{11} = \frac{33}{132}$$